



Politechnika Wrocławska

Programowanie Proceduralne Wykład #5(W#12) – Fizyka



HR EXCELLENCE IN RESEARCH

Janusz Andrzejewski



Wstęp

- Generatory
 - Comprehensions
 - Listy składane
 - Zbiory składane
 - Słowniki składane
 - Wyrażenia generatorowe
 - Funkcje generatorowe
- Funkcje wyższego rzędu
 - min() oraz max()
 - sum()

Plan czyli czego się będziemy uczyli?

- W#1 - Podsumowanie
- - Typy mutowalne oraz niemutowalne a przekazywanie argumentów do funkcji.
- - Zasięg zmiennych – zmienne lokalne, nielocalne oraz globalne.
- - Argumenty funkcji: pozycyjne, nazwane, domyślne, rozpakowywanie, słownikowe
- - Funkcje: „first citizen object”.
- - Funkcje: funkcje wyższego rzędu.
- - Funkcje anonimowe.
- - Dopełnienia funkcji.
- - Zastosowania funkcji.
- Laboratoria: od teorii do praktyki czyli rozwiązywanie problemów związanych z omówionymi zagadnieniami na wykładzie.

Generatory:

- To obiekt tworzący sekwencje elementów
- „Tworzenie” elementów odbywa się tylko na żądanie (tzw. leniwe obliczanie)
- Typy:
 - Wyrażenia generatorowe
 - Funkcje generatorowe

Comprehensions:

- Po polsku znaczy: zrozumienie, pojmowanie
- W Pythonie przykłady:
 - Listy składane (list comprehensions)
 - Zbiory składane (set comprehensions)
 - Słowniki składane (dictionary comprehensions)



Przykłady:

```
1 x = [1, 2, 3]
2 l_kwd = []
3 for i in x:
4     l_kwd.append(i**2)
5 l_kwd
```

[1, 4, 9]

```
1 x = [1, 2, 3]
2 z_kwd = set()
3 for i in x:
4     z_kwd.add(i**2)
5 z_kwd
```

{1, 4, 9}

```
1 x = [1, 2, 3]
2 s_kwd = {}
3 for i in x:
4     s_kwd[i]=i**2
5 s_kwd
```

{1: 1, 2: 4, 3: 9}

```
1 x = [1, 2, 3]
2 li_kwd=[i**2 for i in x]
3 li_kwd
```

[1, 4, 9]

```
1 x = [1, 2, 3]
2 zb_kwd = {i**2 for i in x}
3 zb_kwd
```

{1, 4, 9}

```
1 x = [1, 2, 3]
2 sl_kwd={i:i**2 for i in x}
3 sl_kwd
```

{1: 1, 2: 4, 3: 9}

Przykłady: użycie funkcji

```
1 def kwadrat(x):  
2     return x*x  
3  
4 x = [1, 2, 3]  
5 li_kwd=[kwadrat(i) for i in x]  
6 li_kwd
```

[1, 4, 9]

```
1 potega = lambda x, n : x**n  
2 pomnoz = lambda x, n: n*x  
3 x = [1, 2, 3]  
4 li_szesc = [potega(i, 3) for i in x]  
5 s_pomn = {i:pomnoz(i, i*20) for i in x}  
6 print("Lista szescianów:",li_szesc)  
7 print("Słownik:", s_pomn)
```

Lista szescianów: [1, 8, 27]

Słownik: {1: 20, 2: 80, 3: 180}

```
1 wyklad = lambda x, n: n**x  
2 x = [1, 2, 3]  
3 zb_wykl={wyklad(i, i) for i in x}  
4 zb_wykl
```

{1, 4, 27}

Przykład: filtrowanie przy pomocy instrukcji `if`

```
1 x = [1, 2, "a", 3, (4,)]  
2 li_calk=[i for i in x if isinstance(i, int)]  
3 li_calk
```

[1, 2, 3]

```
1 x = [i for i in range(6)]  
2 li_3_5 = [i for i in x if i%3==0 or i%5==0]  
3 li_3_5
```

[0, 3, 5]

```
1 x = [i for i in range(6)]  
2 li_kwP = [y for i in x if (y := i**2)%2 == 0]  
3 li_kwP
```

[0, 4, 16]



Przykłady: filtrowanie cd.

```
1 x = [1, 2, "a", 3, (4,)]
2 li_calk=[i for i in x if isinstance(i, int)]
3 li_calk
```

[1, 2, 3]

```
1 x = [1, 2, "a", 3, (4,)]
2 li_calk=[i if isinstance(i, int) for i in x]
3 li_calk
```

Cell In[36], line 2

```
li_calk=[i if isinstance(i, int) for i in x]
          ^
```

SyntaxError: expected 'else' after 'if' expression

```
1 x = [1, 2, "a", 3, (4,)]
2 li_calk=[i if isinstance(i, int) else i for i in x]
3 li_calk
```

[1, 2, 'a', 3, (4,)]

```
1 x = [1, 2, "a", 3, (4,), 4.0]
2 li_kwd=[i**2 if isinstance(i, int) or isinstance(i, int)
3         else i for i in x]
4 li_kwd
```

[1, 4, 'a', 9, (4,), 4.0]

Przykłady: złożone filtrowanie

```
1 x = range(50)
2 li = [y for i in x if i % 4 != 0 if (y := i**2) % 2 == 0]
3 li
```

[4, 36, 100, 196, 324, 484, 676, 900, 1156, 1444, 1764, 2116]

```
1 x = range(50)
2 li = [y for i in x if i % 4 != 0 and (y := i**2) % 2 == 0]
3 li
```

[4, 36, 100, 196, 324, 484, 676, 900, 1156, 1444, 1764, 2116]

```
1 x = range(20)
2 li = [y for i in x if i % 4 != 0 or (y := i**2) % 2 == 0]
3 print(li)
```

[0, 0, 0, 0, 16, 16, 16, 16, 64, 64, 64, 64, 144, 144, 144, 144, 256, 256, 256, 256]

```
1 x = range(20)
2 li = [y for i in x if (y := i**2) % 2 or i % 4 != 0 == 0]
3 print(li)
```

[1, 4, 9, 25, 36, 49, 81, 100, 121, 169, 196, 225, 289, 324, 361]

Uwagi:

```
1 x=[(1, 2) for _ in range(3)]  
2 print(x)
```

[(1, 2), (1, 2), (1, 2)]

```
1 i = "to jest i"  
2 x = [i for i in range(10)]  
3 print("lista:",x)  
4 print("A i to?:",i)
```

lista: [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

A i to?: to jest i

```
1 i = "to jest i"  
2 x = [i for j in range(10) if (i :=j**2)<10]  
3 print("lista:",x)  
4 print("A i to?:",i)
```

lista: [0, 1, 4, 9]

A i to?: 81

Wyrażenia generatorowe (generator comprehensions)

- Są bardzo podobne do list składanych - tylko zamiast nawiasów `[ ]` mają nawiasy `( )`
- Nie generują całej listy od razu zajmując pamięć, tylko element po elemencie w ramach potrzeby
- Można używać wszystkich konstrukcji pokazanych dla comprehensions

```
1 lista = [i for i in range(10)]
2 gen = (i for i in range(10))
3 print("lista:", lista)
4 print("gener:", gen)
```

```
lista: [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
gener: <generator object <genexpr> at 0x7f7f42637030>
```

```
1 list_gen=list(gen)
2 print("Li_gen", list_gen)
```

```
Li_gen [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
```

Uwagi (1/3):

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 for i in gen:
3     print('i:',i)
4     if i >= 2:
5         break
6 print("Druga pętla")
7 for i in gen:
8     print("A teraz i",i)
```

```
i: 0
i: 1
i: 2
Druga pętla
A teraz i 3
A teraz i 4
```

UWAGA: Wyrażenia generatorowe możemy użyć tylko raz !!!

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 for i in gen:
3     print('i:',i)
4     if i >= 2:
5         break
6 print("Druga pętla - 2")
7 gen = (i for i in range(5))
8 for i in gen:
9     print("A teraz i",i)
```

```
i: 0
i: 1
i: 2
Druga pętla - 2
A teraz i 0
A teraz i 1
A teraz i 2
A teraz i 3
A teraz i 4
```



Uwagi (2/3) - preferowany sposób

```
1 for i in (i for i in range(5)):  
2     print('i:',i)  
3     if i >= 2:  
4         break  
5 print("Druga pętla - 2")  
6 for i in (i for i in range(5)):  
7     print("A teraz i",i)
```

i: 0

i: 1

i: 2

Druga pętla - 2

A teraz i 0

A teraz i 1

A teraz i 2

A teraz i 3

A teraz i 4



Uwagi (3/3):

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 print("Suma:", sum(gen))
```

Suma: 10

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 dl=len(gen)
3 print("Długość:",dl)
```

```
-----
TypeError                                Traceback
Cell In[11], line 2
      1 gen = (i for i in range(5))
----> 2 dl=len(gen)
      3 print("Długość:",dl)

TypeError: object of type 'generator' has no len()
```

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 dl=len(list(gen))
3 print("Długość:",dl)
```

Długość: 5

```
1 gen = (i for i in range(5))
2 dl=sum(1 for _ in gen)
3 print("Długość:",dl)
```

Długość: 5



Generator range:

```
1 gen=range(4)
2 print("gen:", gen, " typ:", type(gen))
```

gen: range(0, 4) typ: <class 'range'>

```
1 gen=range(4)
2 print("gen=",gen)
3 print("Suma liczb do 4=",sum(gen))
4 for i in gen:
5     print("i=",i)
```

```
gen= range(0, 4)
Suma liczb do 4= 6
i= 0
i= 1
i= 2
i= 3
```

```
1 dl=len(gen)
2 print("Dlugosc:", dl)
```

Dlugosc: 4

Uwaga: generator range się nie wyczerpuje, można go używać wiele razy oraz działa funkcja **len**

Funkcje generatorowe (1/5):

- Różni od zwykłej funkcji tym, że wynik zwraca za pomocą instrukcji **yield**, a nie **return**
- Każda instrukcja **yield** jest „aktywna”
- Wymagają „specjalnego” wywołania

```
1 def MojGenerator():
2     print('Pierwszy raz')
3     yield 11
4
5     print('DrugiRaz')
6     yield 22
7
8     print('Trzeci Raz')
9     yield 33
10 print(type(MojGenerator))
11 print(MojGenerator())
```

```
<class 'function'>
<generator object MojGenerator at
```

```
1 def MojaFunkcja():
2     print('Pierwszy raz')
3     return 11
4
5     print('DrugiRaz')
6     return 22
7
8     print('Trzeci Raz')
9     return 33
10 print(type(MojaFunkcja))
11 print(MojaFunkcja())
```

```
<class 'function'>
Pierwszy raz
11
```



Funkcje generatorowe (2/5):

```
1 def MojGenerator():
2     print('Pierwszy raz')
3     yield 11
4
5     print('DrugiRaz')
6     yield 22
7
8     print('Trzeci Raz')
9     yield 33
```

```
1 def MojaFunkcja():
2     print('Pierwszy raz')
3     return 11
4
5     print('DrugiRaz')
6     return 22
7
8     print('Trzeci Raz')
9     return 33
```

```
1 for x in MojGenerator():
2     print("x=",x)
```

Pierwszy raz
x= 11
DrugiRaz
x= 22
Trzeci Raz
x= 33

```
1 for x in MojaFunkcja():
2     print("x=",x)
```

Pierwszy raz

TypeError

Cell In[27], line 1

```
----> 1 for x in MojaFunkcja():
      2     print("x=",x)
```

TypeError: 'int' object is not iterable



Funkcje generatorowe (3/5):

```
1 def GenLiczb(*,start=0,koniec=1, krok=0.1):
2     i=start
3     while i < koniec:
4         yield i
5         i+=krok
6
7 lista=[x for x in GenLiczb()]
8 print(lista)
```

[0, 0.1, 0.2, 0.30000000000000004, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.7999999999999999, 0.8999999999999999, 0.9999999999999999]

```
1 gen=GenLiczb()
2 print("Generuje liczby:",end=" ")
3 for i in gen:
4     print(i, end=", ")
5 print()
6 s1=sum(gen)
7 print("a suma tych liczb wynosi:",s1)
```

Generuje liczby: 0, 0.1, 0.2, 0.30000000000000004, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.7999999999999999, 0.8999999999999999, 0.9999999999999999,
a suma tych liczb wynosi: 0



Funkcje generatorowe (4/5):

```
1 def GenLiczbl(*,start=0, koniec=1, krok=0.1):
2     x=start
3     i=0
4     while x < koniec:
5         yield x
6         i+=1
7         x=start+i*krok
8
9 lista=[x for x in GenLiczbl()]
10 print(lista)
```

```
[0, 0.1, 0.2, 0.30000000000000004, 0.4, 0.5, 0.6000000000000001, 0.7000000000000001, 0.8, 0.9]
```

```
1 gen=GenLiczbl(krok=0.3)
2 print("Generuje liczby:",end=" ")
3 for i in gen:
4     print(i, end=", ")
5 print()
6 gen=GenLiczbl(krok=0.3) #odnów generator
7 s1=sum(gen)
8 print("a suma tych liczb wynosi:",s1)
```

```
Generuje liczby: 0, 0.3, 0.6, 0.8999999999999999,
a suma tych liczb wynosi: 1.7999999999999998
```



Funkcje generatorowe (5/5):

```
1 def GenNieskonczony():
2     i = 0
3     while True:
4         yield i
5         i += 1
6
7 print("Pętla nieskonczina")
8 print("Wyświetlam wszystkie liczby naturalne")
9 print('Program "trochę" niebezpieczny')
10 for i in GenNieskonczony():
11     print("i = ", i)
12     #if i > 10: #odkomentuj jeśli chcesz
13     # break #nieskończonej petli
```

```
Pętla nieskonczina
Wyświetlam wszystkie liczby naturalne
Program "trochę" niebezpieczny
i = 0
i = 1
i = 2
i = 3
i = 4
i = 5
i = 6
i = 7
i = 8
i = 9
i = 10
i = 11
```

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (1/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

- Funkcje znajdują ekstremalny „element” w obiekcie iterowalnym (krotka, lista, słownik, ciąg znaków, zbiory, generatory) albo w dowolnej ilości parametrów
- Posiadają dwa opcjonalne nazwane parametry:
 - **default=** - zwracana wartość domyślną
 - **key=** - funkcja jednej zmiennej służąca do porównywania elementów



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (2/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

```
1 MIN=min([1, -2, 3, 4, -5])
2 MAX=max([1, -2, 3, 4, -5])
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: -5

Max: 4

```
1 MIN=min(1, 2, 3, 4, -5, -6)
2 MAX=max(1, 2, 3, 4, -5, -6)
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: -6

Max: 4

```
1 MIN=min(1, 2, 3, 4, -5, -6, "a")
```

TypeError

Cell In[22], line 1

```
----> 1 MIN=min(1, 2, 3, 4, -5, -6, "a")
```

TypeError: '<' not supported between instances of 'str' and 'int'

```
1 MIN=min("AbraKadabra")
2 MAX=max("AbraKadabra")
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: A

Max: r

```
1 MIN=min({1, 2, 3, -4})
2 MAX=max({1, 2, 3, -4})
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: -4

Max: 3

„Elementy” w funkcjach muszą dać się porównywać !!!

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (3/8) — funkcje `min()` oraz `max()`:

```
1 MIN=min({}) #Pusty słownik
```

```
-----  
ValueError                                Tr  
Cell In[14], line 1  
----> 1 MIN=min({}) #Pusty słownik  
  
ValueError: min() arg is an empty sequence
```

```
1 MIN=min({}, default="Pusty słownik")  
2 print("Min:", MIN)
```

Min: Pusty słownik

```
1 MAX=max(), default="Pusta krotka")  
2 print("Max:", MAX)
```

Max: Pusta krotka

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (4/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

Co jest tym magicznym „elementem” ?

```
1 MIN=min([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)])
2 MAX=max([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)])
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: (-1, 2)

Max: (3,)

```
1 MIN=min({"a":1, "b":3, "A":23})
2 MAX=max({"a":1, "b":3, "A":23})
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: A

Max: b

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (5/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

Szukamy po „długości” krotki w liście

```
1 MIN=min([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)], key=lambda x: len(x))
2 MAX=max([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)], key=lambda x: len(x))
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: (3,)

Max: (1, 2, 3)

```
1 MIN=min(1, 2, 3, 4, -5, -6, "a", "1", "X", key=lambda x: str(x))
2 MAX=max(1, 2, 3, 4, -5, -6, "a", "1", "X", key=lambda x: str(x))
3 print("Min:", MIN, "typ el:", type(MIN))
4 print("Max:", MAX, "typ el:", type(MAX))
```

Min: -5 typ el: <class 'int'>

Max: a typ el: <class 'str'>

```
1 MIN=min("A", "N", "m", "a", "1", key=str.lower)
2 MAX=max("A", "N", "m", "a", "1", key=str.lower)
3 print("Min:", MIN)
4 print("Max:", MAX)
```

Min: 1

Max: N

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (6/8) — funkcje `min()` oraz `max()`:

```
1 def iloczyn(x):  
2     ilo=1  
3     for i in x:  
4         ilo*=i  
5     return ilo  
6  
7 MIN=min([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)], key=iloczyn)  
8 MAX=max([(1, 2, 3), (-1, 2), (3,)], key=iloczyn)  
9 print("Min:", MIN)  
10 print("Max:", MAX)
```

Min: (-1, 2)

Max: (1, 2, 3)



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (7/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

```
1 cennik={"jabłka":3.20, "banany":4.20,  
2         "marchewka":1.20, "kapusta":2.20}  
3 MIN=min(cennik)  
4 print("Najtaniej:",MIN)
```

Najtaniej: banany

```
1 MIN=min(cennik.values())  
2 print("Najtaniej:",MIN)
```

Najtaniej: 1.2

```
1 MIN=min(cennik.items())  
2 print("Najtaniej:",MIN)
```

Najtaniej: ('banany', 4.2)

```
1 MIN=min(cennik.items(),  
2         key=lambda x: x[1])  
3 print("Najtaniej:",MIN)
```

Najtaniej: ('marchewka', 1.2)



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (8/8) – funkcje `min()` oraz `max()`:

```
1 MIN=min((3-i for i in range(6)))
2 MAX=max((3-i for i in range(6)))
3 print("MIN=", MIN, "MAX=",MAX)
```

MIN= -2 MAX= 3

```
1 def GenLiczbl(*,start=0, koniec=1, krok=0.1):
2     x=start
3     i=0
4     while x < koniec:
5         yield x
6         i+=1
7         x=start+i*krok
8
9 MIN=min(GenLiczbl())
10 MAX=max(GenLiczbl())
11 print("MIN=", MIN, "MAX=",MAX)
```

MIN= 0 MAX= 0.9



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (1/5) – funkcja `sum()`:

- Funkcja oblicza „sumę” elementów dla iteratora zaczynając od zera
- Posiada jeden opcjonalny nazwany argument **`start=0`**

```
1 SUMA=sum((1, 2, 3, -4))
2 print("Suma: ", SUMA)
```

Suma: 2

```
1 SUMA=sum(1, 2, 3, -4)
2 print("Suma: ", SUMA)
```

```
-----
TypeError                                Traceback (
Cell In[48], line 1
----> 1 SUMA=sum(1, 2, 3, -4)
      2 print("Suma: ", SUMA)

TypeError: sum() takes at most 2 arguments (4 given)
```



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (2/5) – funkcja `sum()`:

```
1 SUMA=sum(("a", "b", "c"))
2 print("Suma:", SUMA)
```

```
-----
TypeError                                Traceback (most recent call last)
Cell In[60], line 1
----> 1 SUMA=sum(("a", "b", "c"))
      2 print("Suma:", SUMA)
```

TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'int' and 'str'

```
1 SUMA=sum(("a", "b", "c"), start="")
2 print("Suma:", SUMA)
```

```
-----
TypeError                                Traceback (most recent call last)
Cell In[59], line 1
----> 1 SUMA=sum(("a", "b", "c"), start="")
      2 print("Suma:", SUMA)
```

TypeError: sum() can't sum strings [use ''.join(seq) instead]

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (3/5) – funkcja `sum()`:

```
1 SUMA=sum(((1, 2), (2, 3, 4)), start=())  
2 print("Suma:", SUMA)
```

Suma: (1, 2, 2, 3, 4)

```
1 SUMA=sum([[1, 2], [2, 3, 4]], start=[])  
2 print("Suma:", SUMA)
```

Suma: [1, 2, 2, 3, 4]



Wbudowane funkcje wyższego rzędu (4/5) – funkcja `sum()`:

```
1 SUMA=sum(({ "a":1, "b":2}, {"c":3}), start={})  
2 print("Suma:", SUMA)
```

```
TypeError                                Traceback (most recent call last)  
Cell In[77], line 1  
----> 1 SUMA=sum(({ "a":1, "b":2}, {"c":3}), start={})  
      2 print("Suma:", SUMA)
```

TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'dict' and 'dict'

```
1 SUMA=sum(({1, 2}, {3}), start=set())  
2 print("Suma:", SUMA)
```

```
-----  
TypeError                                Traceback (most recent call last)  
Cell In[76], line 1  
----> 1 SUMA=sum(({1, 2}, {3}), start=set())  
      2 print("Suma:", SUMA)
```

TypeError: unsupported operand type(s) for +: 'set' and 'set'

Wbudowane funkcje wyższego rzędu (5/5) – funkcja `sum()`:

```
1  def GenLiczbl(*,start=0, koniec=1, krok=0.1):
2      x=start
3      i=0
4      while x < koniec:
5          yield x
6          i+=1
7          x=start+i*krok
8
9  sum1=sum(GenLiczbl())
10 print('"Domyślna" suma = ',sum1)
11 suma=sum(GenLiczbl(start=-5, koniec=10, krok=0.5))
12 print("Suma = ",suma)
```

"Domyślna" suma = 4.5000000000000001

Suma = 67.5



Dziękuję za uwagę